

Uzupełnienia

Najkrótsze ścieżki z 1 źródłem

Co wiemy?

- w digrafie (jak przejść na graf „zwykły” ?)
- większość alg dla tego problemu opiera się na „relaksacji”
uaktualnianie górnego ograniczenia odległości od „s”
- alg Dijkstry, **założenie**: dla kraw e : $w(e) \geq 0$,
używa kolejki priorytetowej (proc „Relax” zawiera op DecreaseKey)

INITIALIZE-SINGLE-SOURCE(G, s)

```
1 for each vertex  $v \in G.V$ 
2    $v.d = \infty$ 
3    $v.\pi = \text{NIL}$ 
4  $s.d = 0$ 
```

RELAX(u, v, w)

```
1 if  $v.d > u.d + w(u, v)$ 
2    $v.d = u.d + w(u, v)$ 
3    $v.\pi = u$ 
```

DIJKSTRA(G, w, s)

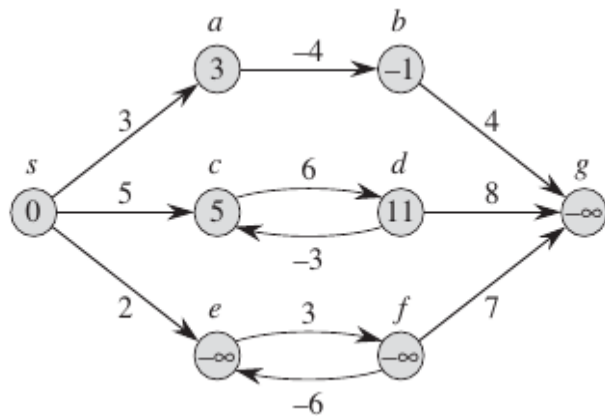
```
1 INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
2  $S = \emptyset$ 
3  $Q = G.V$ 
4 while  $Q \neq \emptyset$ 
5    $u = \text{EXTRACT-MIN}(Q)$ 
6    $S = S \cup \{u\}$ 
7   for each vertex  $v \in G.Adj[u]$ 
8     RELAX( $u, v, w$ )
```

Uzupełnienia

Najkrótsze ścieżki z 1 źródłem

Alg **Bellmana-Forda**:

- dopuszcza $w(e) < 0$
- zwraca prawda/fałsz; fałsz jeśli:
 - istnieje cykl skierowany, o ujemnej wadze, osiągalny z „s”*wtedy nie ma najkrótszej ścieżki do wierz z tego cyklu
- czas działania tego alg to $O(n \cdot m)$, $n = |G.V|$, $m = |G.E|$



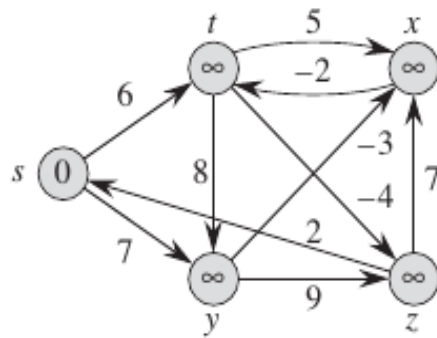
e,f jest cyklem skierowanym
o ujemnej wadze
osiągalnym z s

BELLMAN-FORD(G, w, s)

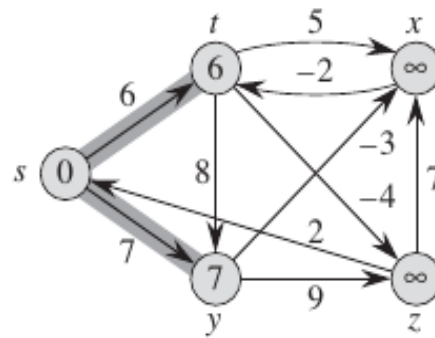
```
1 INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
2 for  $i = 1$  to  $|G.V| - 1$ 
3   for each edge  $(u, v) \in G.E$ 
4     RELAX( $u, v, w$ )
5 for each edge  $(u, v) \in G.E$ 
6   if  $v.d > u.d + w(u, v)$ 
7     return FALSE
8 return TRUE
```

Najkrótsze ścieżki z 1 źródłem algorytmem Bellmana-Forda

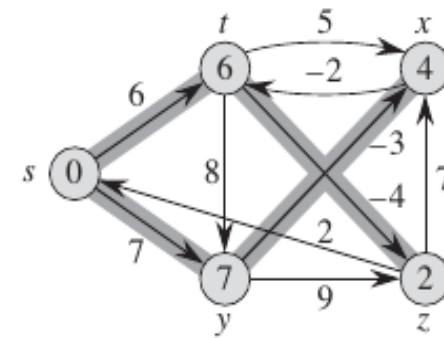
Działanie alg:



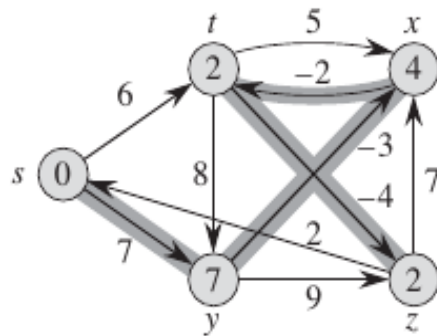
(a)



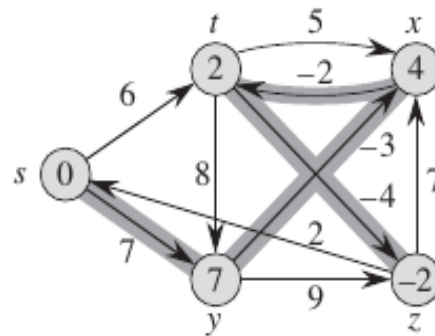
(b)



(c)



(d)



(e)

Uzupełnienia c.d.
algortymy z n-procesorami
model rozproszony
LE =Leader Election, w cyklu
Kolorowanie-drzewa-ukorz (C&V)